

Corrigé d'examen du Module : Cristallographie

Exercice 1 : (6 pts)

Calcul du rayon atomique d'Iridium

Dans un réseau CFC, on a : $4R = a\sqrt{2}$ (1)

La multiplicité de la maille de ce système est $z = 4$

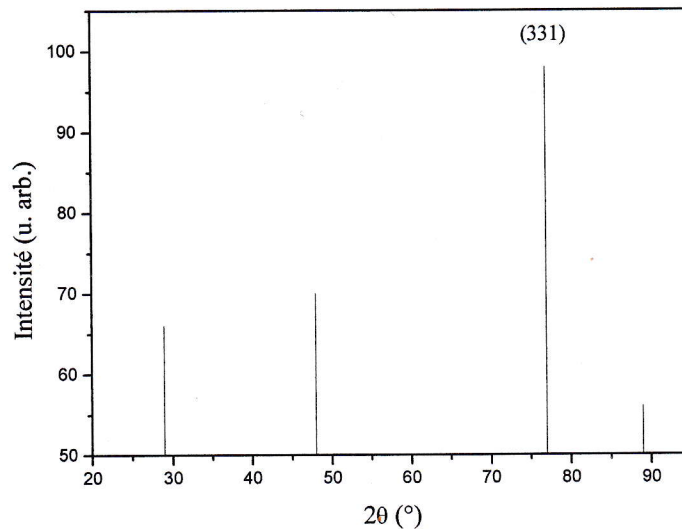
Nous avons vu précédemment que : $a^3 = \frac{z \times M_{Ir}}{N_A \times \rho_{Ir}}$

On obtient : $a = 3.85 \times 10^{-10} \text{ m} = 3.85 \text{ \AA}$. Alors : $a = 3.85 \text{ \AA}$

d'après (1) on obtient : $R_{Ir} = 1.36 \times 10^{-10} \text{ m} = 1.36 \text{ \AA}$. Alors : $R_{Ir} = 1.36 \text{ \AA}$

Exercice 2 : (8 pts)

1) Le diffractogramme DRX :



2) Calcul des distances interréticulaire d_{R2} et d_{R4} :

D'après la loi de Bragg, on a :

$$2d_{hkl} \sin \theta = \lambda. \text{ Alors : } d_{hkl} = \frac{\lambda}{2 \sin \theta} \quad (1)$$

$$\text{AN : } d_{R2} = \frac{1.54}{2 \sin(24)} = 1.893 \text{ \AA}$$

$$d_{R4} = \frac{1.54}{2 \sin(44.5)} = 1.098 \text{ \AA}$$

3.1) Calcul de la constante de réseau a :

Pour un système cristallin cubique, nous avons :

$$a = d_{hkl} \times \sqrt{h^2 + k^2 + l^2}$$

(2)

011

Remplaçant (1) dans (2), on obtient :

$$a = \frac{\lambda \sqrt{h^2 + k^2 + l^2}}{2 \sin \theta}$$

$$\text{AN : } a = \frac{1.54 \sqrt{19}}{2 \sin(38.5)} = 5.39 \text{ \AA. Alors : } a = 5.39 \text{ \AA.}$$

011

3.2) Calcul du nombre de motifs par maille :

Soit z le nombre de motifs par maille.

$$\text{On a : } \rho = \frac{m_{\text{maille}}}{V_{\text{maille}}} = \frac{m_{\text{maille}}}{a^3} \Rightarrow m_{\text{maille}} = \rho \times a^3 \quad (3)$$

D'autre part on a :

$$z = \frac{m_{\text{maille}} \times N_A}{M_{\text{Si}}} = \frac{\rho \times a^3 \times N_A}{M_{\text{Si}}}$$

$$\text{AN : } z = \frac{2.38 \times (5.39 \times 10^{-8})^3 \times 6.023 \times 10^{23}}{28.09} = 7.99 \approx 8 \text{ Motifs/Maille}$$

011

3.3) Le type de structure adoptée par le silicium :

Le type de structure adopté par le silicium est le diamant.

011

4.1) Calcul du facteur de structure du AuCu :

Le facteur de structure F_{hkl} est donné par la relation suivante :

$$F_{hkl} = \sum_j^N f_j e^{2\pi i(hx_j + ky_j + lz_j)} \\ = f_{\text{Au}} (1 + e^{i\pi(h+k)}) + f_{\text{Cu}} (e^{i\pi(h+l)} + e^{i\pi(k+l)})$$

2

4.2) Discussion des conditions d'extinction :

$F_{hkl} = 0$ quand $(1 + e^{i\pi(h+k)})$ et $(e^{i\pi(h+l)} + e^{i\pi(k+l)})$ s'annulent simultanément, c'est-à-dire ; quand h et k sont de parité différente et l quelconque.

2